

Correction du devoir à la maison.

Pour ce devoir, il y avait plusieurs façons de faire... Je vous en présente 4 ci-dessous.

Avant toute chose, il fallait expliquer que l'on a vu qu'il y avait agrandissement/réduction ou qu'on a vu qu'il y avait une homothétie entre les deux rectangles.

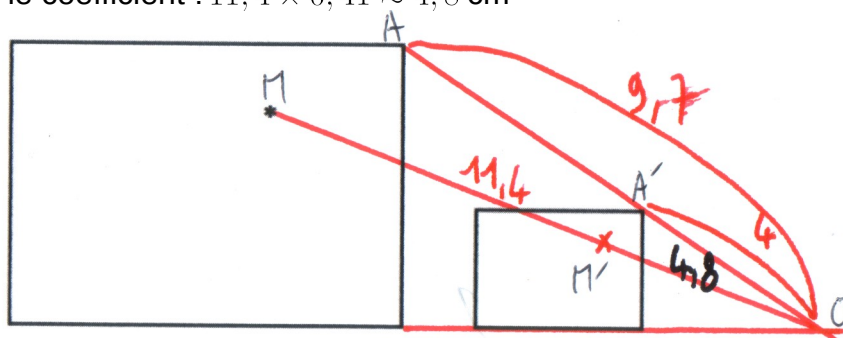
Ensuite, Dans votre rédaction, essayer d'expliquer ce que vous faites, plutôt que d'écrire des calculs directement sans expliquer ce que vous calculez !

Méthode 1 : avec l'homothétie.

On peut **chercher le centre de l'homothétie**, en reliant des points du grand rectangle et leurs images (sur la figure ci-dessous, on a relié en bas et en haut AA'). On a noté O le centre de l'homothétie.

On peut **chercher le rapport de l'homothétie**. On peut mesurer OA et OA' et constater que 9,7 cm est devenu 4 cm, donc $9,7 \times \dots = 4$. Le coefficient est alors $4 \div 9,7 \approx 0,41$

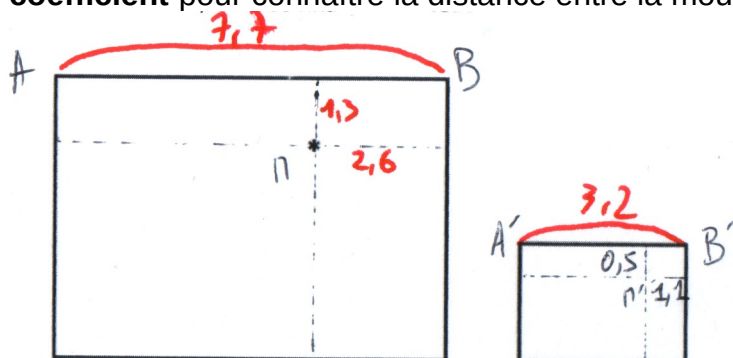
On **utilise alors le coefficient** depuis la mouche (M). On mesure $OM = 11,4$. Pour trouver OM' , il suffit de multiplier OM par le coefficient : $11,4 \times 0,41 \approx 4,8$ cm



Méthode 2 : avec la réduction.

On peut **chercher le coefficient** de réduction à partir des longueurs des rectangles. C'est le même type de calcul que précédemment et on trouve un coefficient de 0,42 environ.

On **utilise ensuite le coefficient** pour connaître la distance entre la mouche et le bord du rectangle.



Limite de ces deux méthodes : Ces deux méthodes nécessitent de calculer le coefficient à partir de mesures prises sur la figure. C'est donc pas d'une précision absolue.

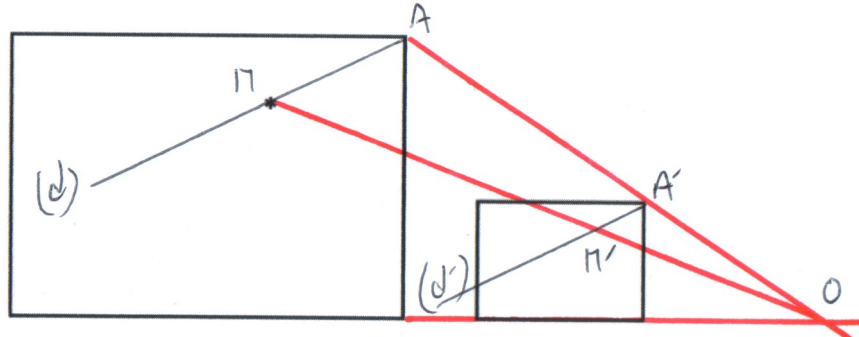
D'ailleurs, avec les mesures ci-dessus, je trouve un coefficient 0,41 dans la méthode 1 et 0,43 dans la méthode 2 !

Méthode 3 : avec une parallèle

On cherche le centre de l'homothétie en reliant des points du grand rectangle avec leurs images. On appelle O le centre.

Ensuite, on peut se dire que l'homothétie conserve les angles. Ainsi dans la figure ci-dessous, l'angle en A formé par la droite (AM) et conservé en A' . Et donc pour obtenir les mêmes angles en A et A' , il faut tracer la parallèle à (d) passant par A' . On l'appelle (d') .

On peut dire que les angles en A et en A' sont correspondants et que si (d) et (d') sont parallèles, alors les angles correspondants ont la même mesure.



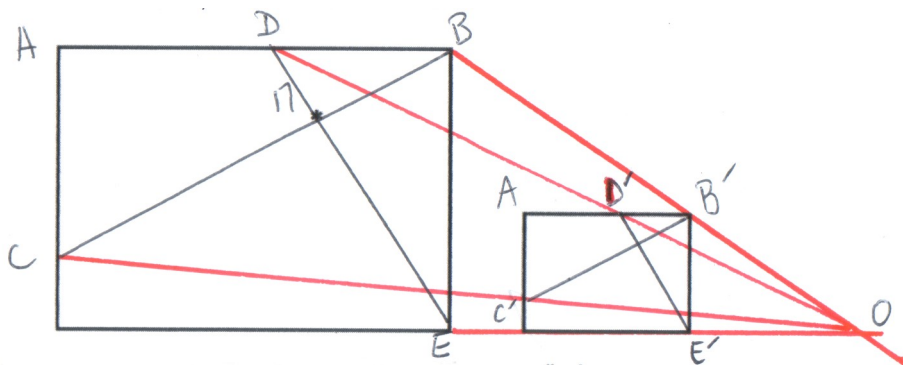
Remarque : cette méthode est précise à condition qu'on puisse tracer précisément la parallèle. C'est le cas avec Géobébra par exemple, mais à la main, c'est moins précis...

Méthode 4 : avec des triangles semblables.

On cherche le centre de l'homothétie en reliant des points du grand rectangle avec leurs images. On appelle O le centre.

Ensuite, on peut tracer (BM) pour placer le point C . On obtient ainsi un triangle ABC (avec M appartenant à $[BC]$). On peut facilement construire le triangle semblable $A'B'C'$ dans le deuxième rectangle.

De même, on peut faire de même avec DBE et $D'B'E'$ qui sont semblables. Et ainsi l'image de la mouche est l'intersection de $(D'E')$ et $(C'B')$.



Remarque : Cette dernière méthode est sans aucun doute la plus précieuse.