NOMBRES ENTIERS ET DÉCIMAUX ET CALCUL

I) Numération de position

Habituellement, on compte en base 10, c'est à dire que l'on fait des paquets de 10, puis des paquets de 10 paquets de 10... Les nombres s'écrivent avec les chiffres de 0 à 9. Dans notre écriture, c'est la position des chiffres qui indique leur valeur :3 dans les dizaines indique trente alors que 3 dans les milliers indique trois mille.

Exemple : 7 806 432 signifie 7 millions et 8 centaines de mille, 0 dizaine de mille, 6 unités de mille, 4 centaine, 3 dizaine et 2 unités.
C'est plus clair ainsi 7 806 432 = (7 x 1 000 000) + (8 x 100 000) + (6 x 1000) + (4 x 100) + (3 x 10) + 2
7 806 432 se lit « sept millions huit cent six mille quatre cent trente-deux ».

On peut l'inscrire dans un tableau :

(Unités de) milliard	Centaines de millions	Dizaines de millions	(Unités de) millions	Centaines de mille	Dizaines de mille	(Unités de mille) Milliers	Centaines	Dizaines	Unités
			7	8	0	6	4	3	2

II) Opération

Additionner : Dans une addition, on appelle les termes, les nombres qu'on additionne et la somme, le résultat de l'addition.
Exemple : A=789+12654 A est la somme de 789 et de 12 654
Pour le calcul de la somme de plusieurs nombres, l'ordre des termes n'a pas d'importance.
12 + 153 + 38 + 47 = 153 + 12 + 38 + 47 = 38 + 12 + 153 + 47 …

Soustraire : Dans une soustraction, on appelle les termes, les nombres qu'on soustrait et la différence le résultat de la soustraction.
Exemple : B=141-59 B est la différence de 141 et de 59
Pour le calcul de la différence, l'ordre des termes est important : 141-59 est différent de 59-141 !

Multiplier : Dans une multiplication, on appelle les facteurs, les nombres qu'on multiplie et le produit le résultat de la multiplication.
Exemple : C=141×59 C est le produit de 141 par 59. 141 et 59 sont des facteurs.
Pour le calcul du produit, l'ordre des facteur n'a pas d'importance **:** 141×59=59×141

III) Division Euclidienne

Lorsque on a 39 bonbons et que l'on veut les partager entre 5 personnes, on peut en donner 7 à chacun, mais il reste 4 bonbons… C'est une division euclidienne. 39÷5=7 et reste 4, que l'on écrit plutôt 5×7+4=39

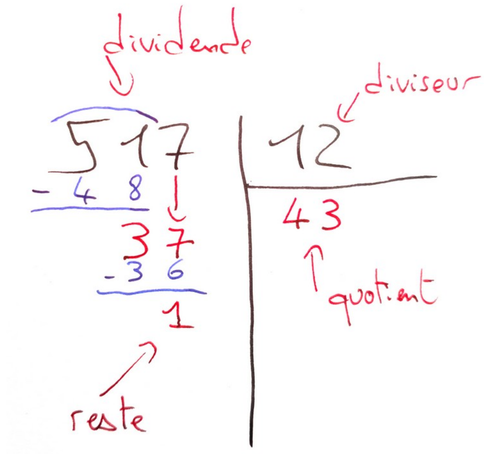
Définition : Effectuer la division euclidienne de deux nombres entiers, c'est trouver deux nombres entiers, le quotient entier et le reste, qui vérifient l'égalité :

dividende = diviseur x quotient entier + reste

Le reste doit être inférieur au diviseur.

Exemple : Effectuer la division euclidienne de 517 par 12

A la calculatrice, je peux utiliser la touche ⊢. Sur beaucoup de calculatrice, il faut d'abord appuyer sur « schift » ou « seconde » puis la touche « diviser »



IV) Multiples et diviseurs

Lorsque on effectuer la division de 56 par 8, le reste est nul : 56= 8×7+0. On dit parfois que "ça tombe juste", ce qui signifie que l'on peut partager équitablement et qu'il ne reste rien.
On écrit alors : 56=8x7.
On dit alors que : 56 est un multiple de 8.
56 est divisible par 8 (ou encore que 8 est un diviseur de 56).

Remarque : on peut remplacer « 8 » par « 7 » dans les deux phrases précédentes.

Définition : Lorsque le reste de la division euclidienne est nul, le quotient est un diviseur du dividende et le dividende est un multiple du quotient.

Critères de divisibilité :
Un nombre entier est
-divisible par 2 s'il se termine par 0, 2, 4, 6 ou 8 (nombre pair) ;
-divisible par 4 s'il est divisible par 2 deux fois consécutives ;
-divisible par 5 s'il se termine par 0 ou 5 ;
-divisible par 3 si la somme de ses chiffres est un multiple de 3 ;
-divisible par 9 si la somme de ses chiffres est un multiple de 9.

Exemple : 52968 est divisible par 2 (ou est un multiple de 2) car il se termine par 8.
52968 est divisible par 3 car 5+2+9+6+8=30 qui est bien un multiple de 3.
52968 n'est pas divisible par 9 car 5+2+9+6+8=30 qui n'est pas un multiple de 9.
52968 n'est pas divisible par 5 car il ne se termine ni par 0 ni par 5.

VI) Opérations sur les décimaux

Règle : Lorsque on multiplie par 10, 100, 1000, le rang des chiffres qui compose le nombre est décalé de 1, 2 ou 3 places de manière à ce que le nombre soit plus grand (vers la gauche).

Exemple : 36,452×10=364,52 car les unités deviennent dizaines, les dixièmes deviennent unités...

875,21×1000=875210 car les unités deviennent unité de mille, les dixièmes deviennent centaines... Il y avait 0 millième, il y aura donc 0 unité.

Explication et méthode en vidéo : https://youtu.be/ZjzOYPCZmQE

Règle : Lorsque on divise par 10, 100, 1000, le rang des chiffres qui compose le nombre est décalé de 1, 2 ou 3 places de manière à ce que le nombre soit plus petit (vers la droite).

Exemple : 36,452÷10=3,6452 car les unités deviennent dixième, les dizaines deviennent unités...

875,21÷1000=0,87521 car les unités deviennent des millièmes, les dizaines deviennent des centièmes, les centaines deviennent des dixièmes et comme il n'y avait pas de milliers, il n'y a pas d'unité.

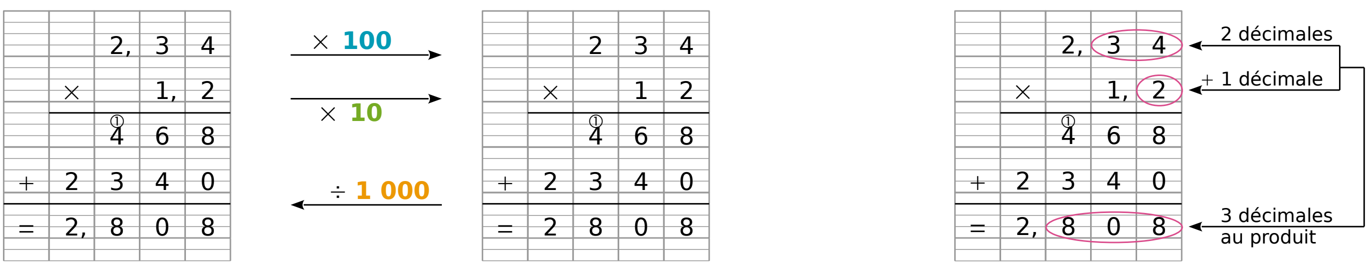
En vidéo : https://youtu.be/v-nXywWNSnk

Remarque : Lorsque on multiplie par 0,1 ou 0,01 ou 0,001, c'est comme quand on divise par 10, 100, 1000... le rang des chiffres qui compose le nombre est décalé de 1, 2 ou 3 places de manière à ce que le nombre soit plus petit (vers la droite).

Exemple : 36,452×0,1=3,6452 car les unités deviennent dixièmes, les dixièmes deviennent centièmes…

5,32×0,001=0,0532 car les unités deviennent des centièmes. Il n'y avait pas de dizaines ni de centaines, il n'y a donc pas de dixième ni d'unité.

Rappel de la méthode de la multiplication posée des décimaux : On va multiplier par 10, 100, 1000… jusqu'à obtenir des entiers. On va pouvoir faire la multiplication et ensuite, on va faire l'inverse, c'est à dire diviser par 10, 100, 1000 de manière équivalente. C'est ce qu'on voit dans la méthode ci-dessous.



On effectue la multiplication de 234 par 12.

234 est **100** fois plus grand que 2,34 et 12 est **10** fois plus grand que 1,2. Le produit 2,34 × 1,2 est donc **1 000** fois plus petit que 2 808.

Finalement 2,34 × 1,2 = 2,808.

Le facteur 2,34 a deux chiffres après la virgule.
Le facteur 1,2 a un chiffre après la virgule.

On doit donc placer la virgule dans le produit de telle sorte qu'il y ait 2 + 1 = 3 chiffres après la virgule.