

Nom : \_\_\_\_\_

**Bien justifier les réponses quand c'est nécessaire****Exercice 1 (3 points)**

Pour chacun des nombres suivants, simplifier l'écriture puis indiquer sa nature.

$$A = 2^{-1} \times (-6)^{-3} \times 11 \times 12^2$$

$$B = \frac{\frac{1}{7} - 1 + \frac{2}{21}}{\frac{3}{14} - \frac{5}{2}}$$

$$C = \sqrt{\sqrt{2} - 2}$$

**Exercice 2 (2 points)**

Montrer que la somme de cinq entiers consécutifs est divisible par 5.

**Exercice 3 (3 points)**1) Déterminer à quel intervalle appartient l'ensemble des réels  $x$  tels que :

a)  $x \leq \frac{1}{3}$

b)  $7 < x$

c)  $2 < x < 13$

2) Traduire chacune des conditions sur  $x$  à l'aide d'une inégalité.

a)  $x \in [-1 ; 3]$

b)  $x \in ]-\infty ; -71]$

c)  $x \in [-2,18 ; -2,17[$

**Exercice 4** (5 points)

On donne les Intervalles de nombres suivants :

$$I = ]-\infty; 3] \quad J = [-1; 5] \quad K = ]3; +\infty[$$

Compléter de la façon la plus simple possible

$$I \cap J = \quad J \cap \mathbb{Z} =$$

$$I \cup J = \quad I \cap K =$$

$$I \cup K = \quad \mathbb{D} \cap \mathbb{Q} =$$

**Exercice 5** (6 points)

- **Dans chaque cas traduire par des inégalités les propositions suivantes :**

1. Soit P la proposition :  $x \in [-1; 5[ \cup ]7; +\infty[$ .

2. Soit Q la proposition :  $x \in [-4; 2[ \cap [-1; 6]$ .

- **Donner les négations (non P) puis (non Q) sous forme d'inégalités puis à l'aide d'appartenance à des intervalles.**

Question de cours : Montrer que  $\sqrt{2}$  n'est pas un rationnel