



3. الإطار المرجعي لمباراة الدخول إلى المراكز الجهوية لمهن التربية والتكوين في شعبة الرياضيات :

الإطار المرجعي المرتبط بالسلك الثانوي		
المجالات	المهارات النوعية	المؤهلات المرتبطة بها
التحليل	- المتتاليات العددية	<p>- استعمال المتتاليات الهندسية والمتتاليات الحسابية في دراسة متتاليات ترجعية؛</p> <p>- استعمال نهايات المتتاليات المرجعية ومصاديق التقارب و مفهوم المتتاليتين المتحاديتين لتحديد نهايات متتاليات عددية؛</p> <p>- دراسة نهاية مركب متتالية و دالة متصلة ( متتاليات من النوع <math>(f(u_n))_n</math> )؛</p> <p>- دراسة نهاية متتالية من النوع <math>u_{n+1} = f(u_n)</math> حيث <math>f</math> دالة متصلة على مجال <math>I</math> وتحقق <math>f(I) \subset I</math>؛</p> <p>- استعمال المتتاليات في حل مسائل متنوعة.</p>
	- النهاية والاتصال	<p>- دراسة اتصال دالة عددية في نقطة باستعمال حساب النهايات ؛</p> <p>- 2.2.1. دراسة اتصال دالة على مجال باستعمال اتصال الدوال الاعتيادية وخصائص العمليات على الدوال المتصلة و مركب الدالتين متصلتين؛</p> <p>- تحديد صورة مجال أو قطعة بدالة متصلة؛</p> <p>- تطبيق مبرهنة القيم الوسيطة في إثبات وجود حلول لبعض المعادلات أو في دراسة إشارة بعض التعابير ...؛ استعمال طريقة الفرع الثاني (<i>la dichotomie</i>)؛. تحديد الدالة العكسية لدالة متصلة ورتيبة قطعاً على مجال؛</p> <p>- تطبيق مبرهنة الدالة العكسية (الوجود، الاتصال، التغيرات و التمثيل المبياني للدالة العكسية)</p>
	- الاشتقاق ودراسة الدوال	<p>- دراسة قابلية اشتقاق دالة عددية في نقطة؛</p> <p>- دراسة قابلية اشتقاق دالة عددية على مجال باستعمال اشتقاق الدوال الاعتيادية وخصائص</p> <p>- العمليات على الدوال المشتقة و مركب الدالتين قابلتين للاشتقاق ؛</p> <p>- تحديد رتبة دالة؛</p> <p>- تحديد إشارة دالة انطلاقاً من جدول تغيراتها؛</p> <p>- تحديد إشارة دالة انطلاقاً من تمثيلها المبياني؛</p> <p>- توظيف الدالة المشتقة الأولى و الدالة المشتقة الثانية في دراسة دالة عددية و في إثبات بعض المتفاوتات .....</p> <p>- دراسة اشتقاق و تحديد مشتقة الدالة العكسية لدالة متصلة ورتيبة قطعاً على مجال ؛</p> <p>- استعمال صيغ الاشتقاق لتحديد الدوال الأصلية لدالة متصلة على مجال؛</p> <p>- التمكن من الحساب على اللوغاريتمات؛</p> <p>- حل معادلات و مترجمات و نظمات لوغاريتمية ؛</p> <p>- توظيف النهايات اللوغاريتمية الأساسية؛</p>

<p>- التمكن من الحساب الآسي لأساس معلوم؛</p> <p>- حل معادلات ومتراحات ونظومات أسية ؛</p> <p>- توظيف نهايات الدالة الآسية النيبيرية الأساسية ؛</p> <p>- التمكن من الحساب على القوى الحقيقية؛</p> <p>- دراسة دوال أو دوال مركبة من بين الدوال الواردة بالمقرر وتمثيلها مبيانيا ( مجموعة التعريف، الإتصال، عناصر التماثل، الدورية، الرتبة، الفروع اللانهائية، المماسات، التقعر، نقط الانعطاف... )؛</p> <p>- توظيف مبرهنة رول ( Rolle ) و مبرهنة التزايد المتنتهية ومتفاوتة التزايد المتنتهية في دراسة المتتاليات العددية من نوع <math>u_{n+1} = f(u_n)</math> أو في تأطير تعابير و صيغ جبرية و أعداد حقيقية و تكاملات...؛</p> <p>- حل المعادلة التفاضلية <math>y' = ay + b</math> ؛</p> <p>- حل المعادلة التفاضلية <math>y'' + ay' + by = 0</math> ؛</p> <p>- حل معادلات تفاضلية تؤول في حلها إلى المعادلتين التفاضليتين <math>y' = ay + b</math> أو <math>y'' + ay' + by = 0</math> ؛</p>		
<p>- توظيف تقنيات حساب التكامل في حساب تكامل دالة متصلة على قطعة؛</p> <p>- التمكن من حساب مساحة حيز المستوى المحصور بين منحنين؛</p> <p>- التمكن من حساب حجم المجسم المولد بدوران منحنى دالة متصلة حول أحد محوري المعلم؛</p> <p>- تطبيق حساب التكامل في إثبات بعض المتفاوتات وحساب بعض النهايات وإعطاء تقريبات ....؛</p> <p>- دراسة دوال مركبة من نوع <math>x \rightarrow \int_a^{u(x)} f(t) dt</math> ؛</p> <p>- تحديد نهايات كل من المتتاليتين:</p> $u_n = \frac{b-a}{n} \sum_{k=1}^n f\left(a + k \frac{b-a}{n}\right)$ $v_n = \frac{b-a}{n} \sum_{k=0}^{n-1} f\left(a + k \frac{b-a}{n}\right)$ <p>حيث <math>f</math> دالة متصلة على القطعة <math>[a, b]</math> ؛</p> <p>- دراسة دوال و متتاليات معرفة بتكامل</p>	<p>- <u>الحساب التكاملي</u></p>	
<p>- توظيف التفكيك إلى عوامل أولية في تحديد المضاعف المشترك الأصغر و القاسم المشترك الأكبر لعددين أو أكثر؛</p> <p>- توظيف التفكيك إلى عوامل أولية في تحديد قواسم عدد صحيح؛</p> <p>- توظيف خوارزمية اقليدس في تحديد القاسم المشترك الأكبر لعددين و تحديد معاملات بوزو (Bezout) في الكتابة <math>au + bv = a \wedge b</math> ؛</p>		

<ul style="list-style-type: none"> <li>- كتابة عدد صحيح طبيعي في نظمة العد لأساس معلوم؛</li> <li>- جمع و جداء ومقارنة عددين في نظمة العد لأساس معلوم؛</li> <li>- توظيف الكتابات في نظمات العد في وضعيات حسابياتية؛</li> <li>- توظيف الموافقة بترديد <math>n</math> و خاصيات العمليات في <math>\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}</math> و بنية <math>(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}, +, \cdot)</math> في وضعيات حسابياتية؛</li> <li>- توظيف قابلية القسمة و القسمة الإقليدية و ميرهنات كوص (<math>Gauss</math>) و يوزو (<math>Bezout</math>) و فيرما (<math>Fermat</math>) و المبرهنة الأساسية و خاصيات الأعداد الأولية و الأعداد الأولية فيما بينها في وضعيات حسابياتية؛</li> <li>- حل المعادلة <math>ax + by = c</math> في <math>\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}</math>.</li> </ul>	<h3><u>الحسابيات</u></h3>	<h2>الجبر والهندسة</h2>
<ul style="list-style-type: none"> <li>- التمكن من الحساب الجبري على الأعداد العقدية (في كل من كتاباتها الجبرية والمثلثية والأسية)؛</li> <li>- ترجمة المفاهيم الهندسية التالية : المسافة بين نقطتين، قياس الزوايا، المرجح، استقامية النقط، استقامية وتعامد المتجهات، تداور أربع نقط... باستعمال الأداة العقدية؛</li> <li>- التأويل الهندسي لتعابير عقدية؛</li> <li>- توظيف الأعداد العقدية في الحساب المثلثي (صينغ التحويل و الإخطاط و النشر)؛</li> <li>- حل معادلة من الدرجة الثانية بمجهول واحد؛</li> <li>- حل معادلات تؤول في حلها إلى حل معادلة من الدرجة الثانية بمجهول واحد؛</li> <li>- حل المعادلات من النوع <math>z^n = a</math> و التعرف على التأويل الهندسي لمجموعة حلولها؛</li> <li>- تحديد الصيغ العقدية للتحويلات الاعتيادية ومركباتها (مركب دورانين، مركب دوران و إزاحة، مركب تحاكي و إزاحة، مركب دوران و تحاكي)؛</li> <li>- توظيف الصيغ العقدية للتحويلات الاعتيادية لدراسة وضعيات هندسية؛</li> <li>- توظيف الأعداد العقدية في حل مسائل هندسية.</li> </ul>	<h3><u>الأعداد العقدية</u></h3>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>- التعرف على قانون تركيب داخلي و خاصياته؛</li> <li>- التعرف على البنيات الجبرية الواردة في البرنامج (الزمرة، الحلقة، الجسم، الفضاء المتجهي)</li> <li>- التمكن من تقنيات العمليات في المجموعات الاعتيادية و في مختلف البنيات الجبرية الواردة في البرنامج؛</li> <li>- توظيف بنيات المجموعات الاعتيادية لدراسة بنيات مجموعات أخرى؛</li> <li>- نقل الهنية الجبرية من مجموعة مزودة بقانون تركيب داخلي إلى مجموعة أخرى مزودة بقانون تركيب داخلي باستعمال مفهوم التشاكل و التشاكل التقابلي؛</li> <li>- توظيف الخاصية المميزة لكل من الفضاء المتجهي الجزئي و الزمرة الجزئية</li> <li>- التعرف على أسرة حرة و أسرة مولدة و أساس في فضاء متجهي حقيقي معلوم؛</li> <li>- تحديد إحداثيات متجهة بالنسبة لأساس معلوم في فضاء متجهي؛</li> </ul>	<h3><u>البنيات الجبرية</u></h3>	
	<h3><u>الجداء السلمي في <math>V_3</math></u></h3>	

<ul style="list-style-type: none"> <li>- التعبير والبرهنة على تعامد متجهتين باستعمال الجداء السلمي؛</li> <li>- التعبير متجهيا عن التعامد وخاصياته؛</li> <li>- التعبير تحليليا عن التعامد وخاصياته.</li> <li>- <u>المجال الفرعي الثاني: تطبيقات الجداء السلمي في الفضاء</u></li> <li>- تحديد معادلة مستوى معرف بنقطة ومتجهة منظمية؛</li> <li>- تحديد تمثيل برامتري لمستقيم مار من نقطة وعمودي على مستوى؛</li> <li>- دراسة مجموعة النقط <math>M(x, y, z)</math> بحيث  <math display="block">x^2 + y^2 + z^2 + ax + by + cz + d = 0:</math> </li> <li>- تحديد معادلة ديكارتية لفلكة محددة بمركزها وشعاعها؛</li> <li>- التعرف على مجموعة النقط <math>M</math> من الفضاء التي تحقق العلاقة: <math>\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 0</math>؛</li> <li>- توظيف مسافة نقطة عن مستوى في حل مسائل هندسية (الأوضاع النسبية لمستوى و فلكة و لمستقيم و فلكة...).</li> </ul>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>- حساب مساحة مثلث باستعمال الجداء المتجهي؛</li> <li>- تحديد معادلة مستوى محدد بثلاث نقط غير مستقيمية؛</li> <li>- توظيف مسافة نقطة عن مستقيم في حل مسائل هندسية؛</li> <li>- تطبيق الجداء المتجهي في حل مسائل هندسية.</li> </ul>	<u>الجداء المتجهي</u>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>- استعمال النموذج العددي لمناسب حسب الوضعية المدروسة؛</li> <li>- حساب احتمال اتحاد حدثين و احتمال الحدث المضاد لحدث واحتمال تقاطع حدثين؛</li> <li>- حساب الاحتمال الشرطي و توظيفه لتحديد احتمال تقاطع حدثين؛</li> <li>- التعرف على استقلال حدثين؛</li> <li>- تحديد قانون احتمال متغير عشوائي و حساب مختلف وسيطاته؛</li> <li>- تحديد وتمثيل دالة التجزيء؛</li> <li>- التعرف على القانون الحداني وتطبيقه في وضعيات احتمالية.</li> </ul>		<b>حساب الاحتمالات</b>
<p style="text-align: right;"><b>قدرات أخرى:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <b>انتقاء ومعالجة معلومات</b></li> <li>✓ اسد تغلال المعلومة:</li> <li>- تطبيق مباشر للمعارف (تعريف؛ خاصية؛ مبرهنة؛ خوارزمية (algorithm))؛ صيغة؛ تقنية؛ قاعدة؛....).</li> <li>✓ تملك المعلومة:</li> <li>- استحضار وتطبيق معارف غير معلنة في السؤال (تعريف؛ خاصية؛ مبرهنة؛ خوارزمية (algorithm))؛ صيغة؛ تقنية؛ قاعدة؛....) في وضعية مألوفة.</li> <li>- معالجة وضعيات غير مألوفة بتوليف معارف ونتائج.</li> <li>• <b>التواصل رياضيا وذلك من خلال:</b></li> <li>✓ نمذجة وضعيات أو عرض برهان أو توضيح استراتيجية أو حل مسألة باعتماد التعبير الشفوي والكتابي أو استعمال الرسوم والمبيانات أو الطرق الجبرية؛</li> </ul>		

- ✓ اختيار و تنفيذ إستراتيجية حل مشكلة وذلك:
- بليجاد حلول مبتكرة لمسائل
- بوضع سبل الحل قيد التجريب
- ✓ مناقشة الأفكار الرياضياتية وذلك:
- بلستعمال استدلال معين: مفصلة مراحل حل للمسألة، صياغة و تبليغ إجراءات الحل كتابيا و عرضها شفويا، مراقبة و مناقشة ملائمة الحلول، تحليل مشروعية الحل؛
- صياغة مضمونات و أدلة مقنعة؛
- استعمال الاستدلال الرياضي وذلك من خلال:
- ✓ التعرف على الاستدلال الاستقرائي و تطبيقه؛
- ✓ التعرف على الاستدلال الاستنتاجي و تطبيقه؛
- ✓ استعمال اساليب البرهان المختلفة.

## الإطار المرجعي المرتبط بالسلك الجامعي

### ➤ algèbre et combinatoire

- Ensembles, applications
- Combinatoire
- Nombres complexes, polynômes

### ➤ Algèbre linéaire

- Espaces vectoriels et applications linéaires
- Espaces vectoriels de dimension finie
- Matrices et calcul matriciel
- Systèmes linéaires
- Réduction des endomorphismes et des matrices carrées
- Sommes directes – Sous-espaces stables
- Réduction des endomorphismes
- Réduction des matrices carrées

### ➤ Nombres réels – Suites et séries

- $\mathbb{R}$  et la convergence des suites réelles – Théorèmes fondamentaux
- Exemples de suites
- Etude asymptotique des suites
- Séries numériques

### ➤ Fonctions réelles d'une variable réelle – Généralités

- Limite et continuité d'une fonction d'une variable en un point
- Comparaison des fonctions d'une variable au voisinage d'un point
- Etude globale des fonctions d'une variable sur un intervalle

### ➤ Fonctions réelles de deux variables réelles – Généralités

- Rappels sur le plan – Elements de topologie
- Fonctions définies sur  $\mathbb{R}^2$

### ➤ Fonctions réelles d'une variable – Calcul différentiel et intégral

- Dérivation
- Dérivées successives
- Fonctions convexes

<ul style="list-style-type: none"> <li>○ Intégration sur un segment</li> <li>○ Formules de Taylor</li> <li>○ Développements limités</li> <li>➤ <b>Fonctions de deux variables – Calcul différentiel</b></li> <li>➤ <b>Statistique descriptive</b></li> <li>➤ <b>Probabilités</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Espaces probabilisés</li> <li>○ Variables aléatoires réelles discrètes</li> <li>○ Couples de variables aléatoires réelles discrètes</li> <li>○ Lois usuelles</li> </ul> </li>   <li>➤ <b>Algèbre bilinéaire</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Produit scalaire</li> <li>▪ Espace euclidien</li> <li>▪ Endomorphismes symétriques d'un espace euclidien – Matrices symétriques</li> </ul> </li> <li>➤ <b>Intégrales sur un intervalle quelconque</b></li> <li>➤ <b>Fonctions numériques de plusieurs variables</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Droites affines de <math>\mathbb{R}^n</math> – Éléments de topologie</li> <li>▪ Fonctions définies sur <math>\mathbb{R}^n</math></li> <li>▪ Calcul différentiel</li> <li>▪ Extremums</li> </ul> </li> </ul>
---

## ❖ بيبليوغرافيا تتضمن المراجع والعناوين الرقمية:

### ● مراجع باللغة العربية:

- الميثاق الوطني للتربية و التكوين –الرباط-1999.
- وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي- كتابة الدولة المكلفة بالتعليم المدرسي. التوجيهات التربوية والبرامج الخاصة بتدريس مادة الرياضيات بسلك التعليم الثانوي التأهيلي -
- وزارة التربية الوطنية-الرياضيات-الجبر والهندسة- شعبة العلوم الرياضية- السنة الثالث الثانوي-مكتبة المدارس الدار البيضاء '1996.
- وزارة التربية الوطنية-الرياضيات-التحليل، شعبة العلوم الرياضية، السنة الثالث الثانوي-مكتبة المدارس الدار البيضاء '1996.
- المفيد في الرياضيات-الجبر والهندسة، شعبة العلوم الرياضية ، السنة الثانية من سلك البكالوريا،مكتبة دار الثقافة الدار البيضاء '2006.
- المفيد في الرياضيات التحليل، شعبة العلوم الرياضية، السنة الثانية من سلك البكالوريا،مكتبة دار الثقافة الدار البيضاء '2006.
- 

### ● مراجع باللغة الفرنسية:

- André Antibi –transmath ( termS) -2002-Nathan
- André Antibi- Math (Term S)-1994-Nathan
- Ginette Mison-Indice Xn-(Term S)-2002-Bordas

- Jean-Marie Arnaudiès-Henri Fraysse-Cours de mathématiques I-Algèbre-Classe préparatoires 1er Cycle-1987-Dunod Université
- Joel Malavel-Hyperbole (Term S)- Programme 2006-Nathan

## مراجع أو عناوين رقمية للتعمق:

- Analyse cours et exercices résolus : A. Dufetel & M. Th. Lacroix-Sonnier, Edition vubert supérieur ;
- Algèbre linéaire Une introduction, cours et exercices corrigés : Henri Roudier , Edition vubert supérieur ;
- Éléments d'analyses ,C.Dufettrelle &V.Gaggioli ,Collection NICKEL ;
- Éléments d'algèbres ,C.Dufettrelle &V.Gaggioli ,Collection NICKEL ;
- Intégrations ,C.Dufettrelle &V.Gaggioli ,Collection NICKEL ;
- Fonctions et courbes ,C.Dufettrelle &V.Gaggioli ,Collection NICKEL ;
- *Exercices d'algèbre, B.CALVO , J.DOYEN,A.CALVO, F.BOSCHET. 1cycle scientifique, préparation aux grandes écoles, 2ème année. Armand Colin\_collection U*
- *Exercices d'Analyse, B.Calyse, B.CALVO , J.DOYEN,A.CALVO, F.BOSCHET. 1cycle scientifique, préparation aux grandes écoles, 2ème année ; Armand Colin\_collection U*
- [www.men.gov.ma](http://www.men.gov.ma)
- [www.fsr.ac.ma](http://www.fsr.ac.ma)
- [www.fsdmfes.ac.ma](http://www.fsdmfes.ac.ma)
- [www.fsac.ac.ma](http://www.fsac.ac.ma)