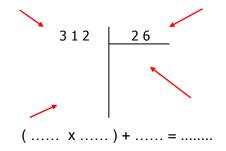
Les nombres entiers

1. La division Euclidienne

Activité 1 2 x 8 = 16 revient à dire que 16 \div ... = ... ou que 16 \div ... = ... Donc 16 est divisible par ... et ... 5 x 6 = 30 revient à dire que ... \div ... = 6 ... x 9 = ... revient à dire que 72 \div 9 = ...

I D

Effectuer une division euclidienne, c'est trouver deux nombres ENTIERS : -



5 8 7 1 3 (..... x) + =

-

I 🎾

Ex 1 1. Pose les divisions euclidiennes : $54 \div 4$ $95 \div 7$ $896 \div 38$ $1712 \div 27$ 2. La division euclidienne de 148 par 7 est 6x21+22 ? 7x20+8 ? 7x21+1 ?

Ex 2 Une usine fabrique 100 voitures par jour. Pour les livrer dans les garages, on les installe sur un camion qui peut transporter jusqu'à 7 voitures.

1. Combien de voyages devra faire ce camion pour transporter ces 100 voitures ? Justifie

2. Combien de voitures peut-on rajouter dans le camion du dernier voyage ? Justifie

Ex 3 1. Le collège organise une excursion pour 345 élèves. Chaque car peut accueillir 36 élèves. Combien faut-il de cars ?

2. De plus, il faut un accompagnateur pour 15 élèves. Combien faut-il de cars ? Combien d'élèves y a t'il dans le dernier car ? Combien d'élèves peut on rajouter dans le dernier car ?

2. Les diviseurs d'un nombre entier

21 ÷ 3 = 7reste0 : 21 est divisible par ... et ... 23 ÷ 3 = 7reste2 \approx 7,67 : 23 n'est pas divisible par ...

I p²

Les critères de divisibilité

Si le reste de la division euclidienne d'un entier a par un entier non nul b est zéro, on dit que :

"a est divisible par b" ou "b est un diviseur de a" ou "a est un multiple de b"

Un nombre entier est divisible par 2 si ce nombre est

Un nombre entier est divisible par 3 si la somme de ses chiffres est divisible par

Un nombre entier est **divisible par 4** si le nombre formé par ses 2 derniers chiffres est divisible par

Un nombre entier est divisible par 5 si son chiffre des unités est ou

Un nombre entier est divisible par 9 si la somme de ses chiffres est divisible par

Un nombre entier est divisible par 10 si son chiffre des unités est

Ex 4 Souligne les nombres qui sont divisibles par 2 en rouge, par 3 en bleu, par 5 en noir, par 9 en vert et entoure les nombres divisibles par 4 :

126 89 7137

235

1434

705

540

I Pour

Pour trouver les diviseurs d'un entier a, on teste la divisibilité de a par les entiers inférieurs à \sqrt{a}

Exemple Pour trouver tous les diviseurs de 24 : $\sqrt{24} \approx 4,9$, donc on teste sa divisibilité par 1,2, 3 et 4.

24 = 1x24 = 2x12=3x8=4x6 Les diviseurs de 24 sont :

Ex 5 Trouve les diviseurs de 126, 143 puis 223

I p²

. ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ... - ...

1 n'est pas premier car il a un seul diviseur.

Par 🎔 Il existe une infinité de nombres premiers. Les 25 nombres premiers inférieurs à 100 sont :

Pour savoir si un nombre entier **a** est **premier**, on montre qu'il n'est divisible par aucun nombre entier premier inférieurs à $\sqrt{\mathbf{a}}$

Exemple Pour savoir si 163 est un nombre premier : $\sqrt{163} \approx 12,77$, donc on teste sa divisibilité par 2, 3 et 5,7 et 11. 163 n'est pas divisible par 2, 3 et 5 en utilisant les critères de divisibilité. $163 \div 7 \approx 23,3$ et $163 \div 11 \approx 14,8$. C'est donc un nombre premier.

Ex 6 Ces nombres sont-ils des nombres premiers: 143? 217? 289? 439?

I p²

La décomposition en facteurs premiers

Tout nombre peut s'écrire comme **produit de facteurs premiers**.

Il n'existe d'ailleurs qu'une seule décomposition en facteurs premiers.

Exemple Décomposons 1656 en le divisant par les nombres premiers dans l'ordre croissant :

 $1656 = 2x828 = 2x2x414 = 2x2x2x207 = 2x2x2x3x69 = 2x2x2x3x3x23 = 2^3x3^2x23$

Ex 7 Donne la décomposition en produit de facteurs premiers de 2100 puis 1246.

Ex 8 On dit que deux nombres sont premiers entre eux lorsqu'ils n'ont que 1 comme diviseur commun.

- 1. 294 et 210 sont-ils premiers entre eux ? Justifie.
- 2. 1144 et 525 sont-ils premiers entre eux ? Justifie.

Ex 9 1. 143 est t'il un nombre premier? Justifie

- 2. 97 est t'il un nombre premier? Justifie
- 3. Les nombres 143 et 97 sont-ils des nombres premiers entre eux ? Justifie

Ex 10 1. Donne la décomposition en produit de facteurs premiers de 84 et 270.

- 2. Quel est le plus petit multiple commun (appelé PPCM) non nul de 84 et 270.
- 3. Quel est le plus grand diviseur commun (appelé PGCD) de 84 et 270.

Ex 11 Camille veut réaliser un collier de perles de la façon suivante : 2 perles rouges puis 4 perles turquoise puis 3 perles blanches. Quelle sera la couleur de la 110^{eme} perle? Explique

Ex 12 Voici deux décompositions sous la forme de produits de facteurs premiers: $A=2x5^2x7$ et $B=2^4x3x7$

a. Quelle sont ces deux nombres?

Répondre par VRAI ou Faux en justifiant :

- **b.** A est divisible par 7 ? B est divisible par 7 ?
- c. A est divisible par 2 ? B est divisible par 2 ?
- d. A est divisible par 3? B est divisible par 3?
- e. 6 est un multiple de A ? 6 est un multiple de B ?
- f. A et B sont des nombres premiers entre eux ?

Ex 13 On considère un rectangle aux dimensions entières et on cherche la mesure de la longueur du côté du plus grand carré qui le pave.

- 1. Donne la signification de "plus grand carré qui le pave".
- 2. Cherche une méthode pour résoudre le problème dans les cas suivants :
 - **a.** Un rectangle mesurant 14cm sur 6cm.
 - **b.** Un rectangle mesurant 8cm sur 15cm.